



CONCURSUL INTERJUDEȚEAN DE MATEMATICĂ "LOUIS FUNAR"
16 noiembrie 2019

Clasa a-IV-a

Subiectul I (fiecare problemă este notată cu 5 puncte)

1. Încercuiește litera care corespunde rezultatului corect pentru: $m \times 3 + n \times 0 - m \times 2 =$
a) 0 b) 2 c) m d) n
2. Calculează câți ani a domnit Ștefan cel Mare, dacă a domnit între MCDLVII și MDIV:
a) 57 b) 47 c) 37 d) 147
3. Dacă micșorezi numărul 1 000 000 cu cel mai mic număr impar de cinci cifre distincte obții:
a) 989 875 b) 989 765 c) 989 775 d) 988 875
4. Se dau relațiile $2a+b=25$, $2b+c=13$, $2c+a=16$. Calculează $2(a+b+c)$:
a) 14 b) 18 c) 84 d) 36
5. Dintre cei 101 dalmațieni, 56 au o pată neagră pe urechea stângă, 25 au pată neagră pe urechea dreaptă, iar 29 au urechile albe. Află câți dalmațieni au pete negre pe ambele urechi :
a) 72 b) 31 c) 9 d) 81
6. Se dă șirul : 2, 4, 7, 11, ...Scrie produsul dintre al treilea și al șaptelea termen al șirului :
a) 203 b) 193 c) 213 d) 154
7. Suma a trei numere impare consecutive este 243. Află suma dintre predecesorul și succesorul ultimului număr :
a) 158 b) 62 c) 164 d) 166
8. La un concurs de șah participă 8 copii, jucând fiecare câte o partidă cu toți ceilalți participanți. Câte partide de șah se joacă?
a) 18 b) 28 c) 56 d) 57
9. Mama are 34 de ani, tata are 36 de ani, iar gemenii au fiecare 4 ani. Peste 5 ani suma vârstelor va fi :
a) 78 b) 83 c) 93 d) 98
10. Cu câte cifre este scris numărul 12345678910111213...681682?
a) 1932 b) 1934 c) 1936 d) 1938

(G. M.)

Subiectul II (fiecare problemă este notată cu 20 puncte)

11. Domnul Popescu are o grădină frumoasă, cu flori așezate în cerc. În primul an a plantat în grădină 2 lalele și 3 trandafiri. În al doilea an , a plantat 5 lalele și 7 trandafiri. În al treilea an, a plantat 8 lalele și 15 trandafiri, în anul următor 11 lalele și 27 de trandafiri și tot așa timp de 7 ani. Respectând aceeași regulă, află câte flori a plantat domnul Popescu în al șaptelea an.
Câte flori a plantat în total în cei 7 ani?
(G. M.)
12. Se dau trei numere. Jumătatea jumătății primului număr este egală cu treimea treimii celui de-al doilea număr și cu sfertul sfertului celui de-al treilea număr. Știind că cel de-al treilea număr este cu 119 mai mare decât al doilea număr, să se afle suma predecesorilor celor trei numere.
(G. M.)

Notă: Toate subiectele sunt obligatorii.
Se acordă 10 puncte din oficiu.
Timp de lucru 90 de minute.



CONCURSUL INTERJUDEȚEAN DE MATEMATICĂ "LOUIS FUNAR"
16 noiembrie 2019

Clasa a-V-a

Subiectul I (fiecare problemă este notată cu 5 puncte)

- Dacă $a + b = 25$ și $b + c = 31$ atunci valoarea numărului $m = 4a + 9b + 5c$ este :
a. 225 b. 245 c. 255 d. 235
- Dacă $a = 2^{299}$ și $b = 3^{201}$, atunci :
a. $a = b$ b. $a > b$ c. $a < b$ d. $a + 1 = b$
- Ultima cifră a numărului 2019^{2019} este:
a. 9 b. 1 c. 8 d. 7
- Restul împărțirii numărului $1 + 5 + 5^2 + 5^3 + \dots + 5^{2020}$ la 31 este:
a. 30 b. 6 c. 5 d. 1
- Cel mai mare număr natural care împărțit la 2019 dă câtul 2018 este :
a) 4076360 b) 4074342 c) 4076361 d) 4072324
- Rezultatul calculului $2 + 5 + 8 + 11 + \dots + 308$ este:
a. 16955 b. 15956 c. 16595 d. 15965
- Numărul 19 scris în baza 2 are forma :
a. 11101₍₂₎ b. 11001₍₂₎ c. 11011₍₂₎ d. 10011₍₂₎
- Suma cifrelor numărului $a = 2^{2019} \cdot 5^{2015} - 7$ este :
a. 13185 b. 18135 c. 15831 d. 18315
- Numărul n împărțit la 2020 dă restul 2019. Restul împărțirii numărului n la 101 este:
a. 100 b. 99 c. 98 d. 97
- Dacă $a + b + c = 24$, atunci $\overline{abc} + \overline{bca} + \overline{cab}$ are valoarea:
a. 2424 b. 2446 c. 2664 d. 4242

Subiectul II (fiecare problemă este notată cu 20 puncte)

11. Să se afle cel mai mare și cel mai mic număr natural cu suma cifrelor 2018, care conține cifra 0 o singură dată, iar celelalte cifre ale sistemului de numerație zecimal sunt conținute cel puțin o dată.

(G.M.)

12. Determinați numerele \overline{xyz} , scrise în baza 10, știind că $x^{y+z} + x^y + x^z - 584 = 0$.

(G.M.)

Notă: Timp de lucru 2 ore. Toate subiectele sunt obligatorii. La subiectele din partea I se vor scrie numai literele corespunzătoare răspunsului corect, iar la partea a II-a se scriu rezolvările complete.

SUCCES!



CONCURSUL INTERJUDEȚEAN DE MATEMATICĂ "LOUIS FUNAR"
16 noiembrie 2019

Clasa a-VI-a

Subiectul I (fiecare problemă este notată cu 5 puncte)

- Cardinalul mulțimii $M = \{ x \text{ număr natural} \mid 2^6 < x < 2^9 \}$ este:
a) 449 b) 447 c) 448 d) 300
- Fie m și n două numere naturale care verifică relația $4m + 3n = 50$. Produsul numerelor m și n care au cel mai mare divizor comun pe 5 este:
a) 50 b) 0 c) 100 d) 12
- Numărul de unghiuri cu interioare disjuncte, oricare două, cu măsura de $1^{\circ}15'$ care se pot forma dintr-un unghi drept este :
a) 60 b) 72 c) 54 d) 35
- Fie mulțimile $A = \{ 2, 4, 6, 8, \dots, 100 \}$ și $B = \{ 3, 6, 9, 12, \dots, 99 \}$. Cardinalul mulțimii $A \cup B$ este:
a) 100 b) 60 c) 53 d) 67
- Se consideră punctele distincte A, B, C, D astfel încât B este mijlocul segmentului AC și C este mijlocul segmentului BD . Care din afirmațiile următoare este adevărată?
a) $AC = AD + BC$ b) $AD/2 = BC$ c) $BC = (AC + BD)/4$ d) $AB + CD = BC$
- Mulțimea numerelor naturale nenule se împarte în submulțimi astfel: $\{1\}, \{2,3\}, \{4,5,6\}, \{7,8,9,10\}, \dots$, cel mai mic element din cea de-a 100-a submulțime este:
a) 100 b) 4950 c) 4951 d) 4952
- Fracția $\frac{117117117117117117}{225225225225225}$ este egală cu :
a) 0,52 b) 0,45 c) 0,50 d) 0,49
- Dacă $(a, b) = 5$ și $a \cdot b = 75$, atunci suma numerelor naturale a și b este:
a) 30 b) 25 c) 35 d) 20
- A 2019-a zecimală a numărului $3,(123056)$ este :
a) 1 b) 3 c) 6 d) 0
- Avem un carton dreptunghiular cu dimensiunile 12 cm și x cm. Cu o foarfecă se fac două tăieturi și se obțin trei bucăți pătrate. Valoarea lui x poate fi :
a) 11 b) 3 c) 6 d) 18

Subiectul II (fiecare problemă este notată cu 20 puncte)

- Determinați restul împărțirii numărului $3^n + 2$ la 13, unde n este număr natural.
- Unghiurile AOB și BOC sunt adiacente suplementare și $\sphericalangle AOB = 150^{\circ}$. În semiplanul opus semiplanului determinat de dreapta AC și punctul B se iau semidreptele OD astfel încât $\sphericalangle DOB = 120^{\circ}$, OE astfel încât $\sphericalangle EOC = 2 \cdot \sphericalangle BOC$ și OF astfel încât $\sphericalangle FOD = \sphericalangle EOC$. Calculați măsurile unghiurilor EOD , FOC și BOF .

Notă: Timp de lucru 2 ore. Toate subiectele sunt obligatorii. La subiectele din partea I se vor scrie numai literele corespunzătoare răspunsului corect, iar la partea a II-a se scriu rezolvările complete. **SUCCES!**



CONCURSUL INTERJUDEȚEAN DE MATEMATICĂ "LOUIS FUNAR"
16 noiembrie 2019

Clasa a-VII-a

Subiectul I (fiecare problemă este notată cu 5 puncte)

1. Rezultatul calculului $\left(-\frac{1}{4}\right) \cdot (-1)^{2017} + \frac{1}{3} \cdot (-1)^{2018} + \frac{5}{6} \cdot (-1)^{2019}$ este :
a) 1 b) 0,85 c) -0,25 d) 0,25
2. Prețul unui obiect se scumbește cu 1% apoi se ieftinește cu 20% astfel încât prețul final al obiectului este de 2020 lei. Pretul inițial al obiectului a fost de:
a) 2000 lei b) 2500 lei c) 4000 lei d) 3000 lei
3. Paralelogramul ABCD are $m(\sphericalangle C) = 60^{\circ}$, $BD \perp AB$ și $AD = 10$ cm. Atunci perimetrul paralelogramului ABCD este de:
a) 30 cm b) 40 cm c) 25 cm d) 50 cm
4. Combinând 6 părți de galben cu 2 părți de roșu, obținem portocaliu. Având 36 kg de galben și 30 kg roșu, cantitatea maximă de portocaliu pe care o putem obține este :
a) 48 kg b) 50 kg c) 66 kg d) 57 kg.
5. Fie $\triangle ABC$ cu $\sphericalangle A = 75^{\circ}$, $\sphericalangle ABD = 30^{\circ}$, D un punct pe latura AC astfel încât $AB = DC$, atunci măsura $\sphericalangle ABC$ este :
a) 80° b) 70° c) $67^{\circ}30'$ d) $70^{\circ}30'$
6. Soluțiilor întregi ale ecuației $|x^2 + 2015| = 2019$ este:
a) 4 b) 0 c) 2 d) 1
7. Media aritmetică a numerelor a, b și c este egală cu 3 atunci calculând suma $S = \overline{a(bca)} + \overline{b(caa)} + \overline{c(abb)}$ este:
a) 6 b) 3 c) 5 d) 1
8. În pătratul MNPQ punctul A se afla pe latura PQ, punctul B se afla pe latura NP astfel încât $\triangle MAB$ să fie echilateral. Dacă $\sphericalangle PAB = 6x^{\circ} + 27^{\circ}$, atunci x este egal cu:
a) 6 b) 7 c) 9 d) 3
9. Fie $\triangle ABC$, AM mediana și G centrul de greutate al triunghiului. Dacă $AM = 15,9$ cm, atunci AG are lungimea de:
a) 10,6 cm b) 1,3 cm c) 10,8 cm d) 10,23 cm
10. Valorile expresiei $E(n) = \sqrt{(10^n - 2019)^2} - \sqrt{(2018 - 10^n)^2}$, n număr natural, sunt:
a) 0 b) 1 și -1 c) 1 și 2 d) 0 și -1

Subiectul II (fiecare problemă este notată cu 20 puncte)

11. a) Calculați $1^3 + 1^3 + 5^3 + 6^3 - 7^3$.

b) Arătați că $5^{2018} + 6^{2018} < 7^{2018}$.

(G.M.)

12. Se consideră trapezul ABCD, cu $AB \parallel CD$, $AB < CD$ și $AC \perp BD$. Dacă N este un punct oarecare pe segmentul OC, unde $\{O\} = AC \cap BD$ și P este intersecția perpendicularei din C pe DN cu dreapta BD, arătați că $NB \perp AP$.

(G.M.)

Notă: Timp de lucru 2 ore. Toate subiectele sunt obligatorii. La subiectele din partea I se vor scrie numai literele corespunzătoare răspunsului corect, iar la partea a II-a se scriu rezolvările complete. **SUCCES!**



CONCURSUL INTERJUDEȚEAN DE MATEMATICĂ "LOUIS FUNAR"
16 noiembrie 2019

Clasa a-VIII-a

Subiectul I (fiecare problemă este notată cu 5 puncte)

1. Partea întregă a numărului $-\sqrt{2019}$ este:
a) -44 b) 45 c) -45 d) 44
2. Dacă $a^2 + b^2 + 10a - 4b + 28 \leq 0$, atunci:
a) $a > b$ b) $a < b$ c) $a = b$ d) $a \geq b$
3. Dacă $x \in [2; 5)$, atunci $y = 1 - 3x$ se află în intervalul:
a) $(-15; -6]$ b) $(-14; -5]$ c) $[6; 15)$ d) $[5; 16)$
4. Dacă VABCDEF este o piramidă hexagonală regulată, cu $VA = 8cm$ și $BD = 6\sqrt{3}cm$, atunci $\sin(\angle D, AF)$ este egal cu:
a) $\frac{\sqrt{55}}{8}$ b) $\frac{4}{3}$ c) $\frac{3}{4}$ d) $\frac{3\sqrt{3}}{8}$
5. Pe planul rombului ABCD cu $m(\angle BAD) = 120^\circ$ și $BC = 4cm$ se ridică, de aceeași parte, perpendicularele $PA = 6cm$ și $CQ = 2cm$. Distanța dintre punctele P și Q este:
a) 4 b) 2 c) $4\sqrt{2}$ d) $2\sqrt{2}$
6. Dacă $\sqrt{52 + 30\sqrt{3}} = a + b\sqrt{3}$, atunci $a + b$ are valoarea:
a) 8 b) 7 c) 13 d) 10
7. Suma valorilor lui $x \in \mathbb{Q}$ pentru care numărul $A = \frac{\sqrt{7 + 2\sqrt{10}} + \sqrt{27 - 10\sqrt{2}} + \sqrt{14 - 6\sqrt{5}}}{x - 3} \in \mathbb{Q}$ este:
a) 20 b) 19 c) 23 d) 24
8. Fie cubul $ABCD A' B' C' D'$, I, J centrele fețelor $BCC' B'$, respectiv $ADD' A'$. Dacă $d(J, D' B) = \sqrt{2}cm$, atunci aria triunghiului $D' IB$ este egală cu:
a) $2\sqrt{2}cm^2$ b) $8\sqrt{2}cm^2$ c) $3\sqrt{2}cm^2$ d) $4\sqrt{2}cm^2$
9. Fie piramida triunghiulară regulată VABC cu $VA = 16cm$, M mijlocul segmentului $[BC]$, $MT \perp VC, T \in (VC), MT = 4cm$. O furnică pleacă din punctul A, merge pe toate suprafețele laterale ale piramidei și ajunge tot în punctul A, pe drumul cel mai scurt. Lungimea acestui drum este egală cu:
a) 48cm b) $16\sqrt{2}cm$ c) $16\sqrt{3}cm$ d) 32cm



CONCURSUL INTERJUDEȚEAN DE MATEMATICĂ "LOUIS FUNAR"
16 noiembrie 2019

10. Fie 100 de puncte necoplanare. Numărul maxim de plane care trec prin minim 3 dintre punctele date este :
- a) 161700 b) 171600 c) 300 d) 33

Subiectul II (40 puncte)–Pe foaia de concurs scrieți rezolvările complete

11. Determinați numerele întregi x pentru care $\sqrt{\frac{x+2017}{x+2019}}$ este număr rațional.

(G.M.)

12. În patrulaterul convex $ABCD$ se știe că $AC \perp BD$ și $AC = BD$. Demonstrați că $AB + CD \geq AC\sqrt{2}$.

(G.M.)